

Nihad Kapetanović \*

## IZRAVNANJE POLIGONOG VLAKA ČIJE SU STRANE MJERENE ELEKTRONSKIM DALJINOMJEROM STROŽIJOM METODOM

### UVODNA NAPOMENA

Ranije su se poligone strane redovito mjerile pantljikom ili raznim vrstama optičkih daljinomjera. Kod takvih mjeranja srednja greška proporcionalna je kvadratnom korijenu mjerene strane. Zato pojedine strane dobivaju različite težine.

Kod mjeranja elektronskim daljinomjerom može se smatrati da su sve poligone strane izmjerene sa istom greškom, pa im treba dodijeliti iste težine.

Pošto se u literaturi razmatra samo izravnjanje poligonih vlakova čije su strane mjerene pantljikom, odnosno optičkim daljinomjerima, u radovima [3] i [4] obradio sam izravnjanje poligonih vlakova proizvoljnog oblika i ispuženih poligonih vlakova čije su strane mjerene elektronskim daljinomjerom strogom i približnom metodom.

U našoj praksi, međutim, dosta se primjenjuje izravnjanje poligonog vlaka tzv. strožijom metodom, koja je propisana i Pravilnikom [7] za izravnanje približno ispruženih poligonih vlakova čije specifično poprečno odstupanje prelazi određenu vrijednost. Lako se, ustvari, odnosi na ispružene istostranične vlakove, uspješno se primjenjuje i na (dovoljno ispružene) vlakove u kojima odnos najkraće prema najdužoj strani ne prelazi 1:3.

Stoga sam, potpunosti radi, a oslanjajući se na pomenute radeve [3] i [4] obradio i ovu, tzv. strožiju, a u stvari ipak približnu metodu.

Na taj način radevi [3], [4] i ovaj predstavljaju jednu cjelinu, kojom su obrađene sve metode za izravnjanje poligonih vlakova čije su strane izmjerene optičkim daljinomjerom.

## 5. IZRAVNANJE POLIGONOG VLAKA ČIJE SU STRANE MJERENE ELEKTRONSKIM DALJINOMJEROM STROŽIJOM METODOM

Približnost ove metode sastoji se u tome što se u jednačinama (4) i (6) smjernjaci i koordinatne razlike umjesto sa mjerenim uglovima  $\beta$  računaju se približno izravnatim uglovima  $\beta'$ .

\* Prof.dr Nihad Kapetanović, Građevinski fakultet Sarajevo

Naime, nakon što po formuli (10a) računamo odstupanje

$$f_{\beta}'' = v_n - (v_p + [\beta] \pm n \cdot 180^\circ) \quad (10a)$$

i ustanovimo da je  $f_{\beta}''$  u granicama dozvoljenog odstupanja, tj.  $f_{\beta}'' \leq \Delta_{\beta} = c\sqrt{n}$ , nalaze se približne popravke prelomnih i veznih uglova tako da se  $f_{\beta}''$  podijeli podjednako na sve uglove, tj.

$$\dot{v}_{\beta_1} = \dot{v}_{\beta_2} = \dot{v}_{\beta_3} = \dots = \dot{v}_{\beta_n} = \dot{v}_{\beta} = \frac{f_{\beta}''}{n} = -\frac{v_{\beta}''}{n} \quad (51)$$

pa se računaju približno popravljeni uglovi

$$\beta'_i = \beta_i + V_{\beta}'' \quad (10b)$$

Sada je prema jedn. (10a), (51) i (10c)

$$f_{\beta}'' = -w_{\beta}'' = v_n - (v_p + [\beta'] \pm n \cdot 180^\circ) = 0 \quad (10c)$$

dok je prema jedn. (6)

$$\dot{v}_i = v_p + \sum_{j=1}^i \beta_j \pm i \cdot 180^\circ \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$\Delta y_i = s_i \cdot \sin \dot{v}_i \quad (6a) \\ (i = 1, 2, \dots, n-1)$$

$$\Delta x_i = s_i \cos \dot{v}_i$$

pri čemu su  $s_i$  mjerene strane, a  $\dot{v}_i$  približno izravnati smjernjaci.

U prvu od jedn. (35) uvrstimo jedn. (10c) pa imamo

$$w_u' = w_u = -f_u \quad (52)$$

Ako u jedn. (50) uvrstimo jedn. (52) i (10c) biće

$$\nu_{\Delta y_i} = - \sin \nu_i \frac{w_l}{n-1} - \Delta x_i \cdot a_i \frac{w_u}{[s]} \quad (53)$$

$$\nu_{\Delta x_i} = - \cos \nu_i \frac{w_l}{n-1} + \Delta y_i \cdot a_i \cdot \frac{w_u}{[s]}$$

Sa e' označimo specifično uzdužno odstupanje (odstupanje na dužinu jedne strane), tj.

$$e' = - \frac{w_l}{n-1} = \frac{f_l}{n-1} \quad (54a)$$

a sa ε označimo specifično poprečno odstupanje (odstupanje na jedinicu dužine), tj.

$$\varepsilon = - \frac{w_u}{[s]} = \frac{f_u}{[s]} \quad (54b)$$

pa imamo najzad

$$\begin{aligned} \nu_{\Delta y_i} &= e' \cdot \sin \nu_i + \varepsilon \cdot a_i \cdot \Delta x_i \\ \nu_{\Delta x_i} &= e' \cdot \cos \nu_i - \varepsilon \cdot a_i \cdot \Delta y_i \end{aligned} \quad (55)$$

Redoslijed računanja:

1. Sračunati uglovno odstupanje  $f_\beta$  po formuli (10a), te popravljene vezne i prelomne uglove po formuli (10b),
2. Sračunati smjernjake  $\nu_i$  i približne koordinatne razlike  $\Delta y_i$  i  $\Delta x_i$  po formulama (6a),
3. Sračunati poprečno i uzdužno odstupanje po formulama (36) i odgovarajuća specifična odstupanja po formulama (54a) i (54b),
4. Sračunati popravke koordinatnih razlika po formulama (55),
5. Sračunati definitivne koordinatne razlike po drugoj i trećoj jednačini sistema (9) i kontrolisati ih po formulama (31),
6. Sračunati definitivne koordinate poligonih tačaka.

Napomena:

Uzdužno odstupanje  $f_l$  u Pravilniku [7] označeno je sa  $l$ .

Poprečno odstupanje  $f_u$  u istom Pravilniku označeno je sa  $\varphi$ .

Specifično uzdužno odstupanje  $e = \frac{f_l}{[s]}$  u Pravilniku je označeno sa  $l_0 = \frac{l}{[s]}$ ,

ali se ovdje ne koristi, nego se koristi  $e' = \frac{f_l}{n-1}$  što znači odstupanje na jednu dužinu (ne na jedinicu dužine).

Specifično poprečno odstupanje  $\varepsilon = \frac{f_u}{[s]}$  u Pravilniku je označeno sa

$$\varphi_0 = \frac{\varphi}{[s]}.$$

## LITERATURA

- [1] Janković. M.: Inženjerska geodezija, prvi dio, Tehnička knjiga, Zagreb.
- [2] Janković. M.: Poligonometrija, Tehnička knjiga, Zagreb 1951.
- [3] Kapetanović. N.: Izravnjanje poligonog vlaka proizvoljnog oblika čije su strane mjerene elektronskim daljinomjerom. "Geodetski glasnik" Sarajevo 24/87.
- [4] Kapetanović.N.: Izravnjanje ispruženih poligona vlakova čije su strane mjerene elektronskim daljinomjerom. "Geodetski glasnik" Sarajevo 25/1987.
- [5] Mihajlović.K.: Geodezija II, II.deo, Naučna knjiga Beograd.
- [6] Pašalić, S.: Račun izravnjanja, Gradjevinski fakultet u Sarajevu, 1984.
- [7] Savezna geodetska uprava: Pravilnik za državni premjer II I III deo, Beograd 1958.